

DE STELLING VAN VIVIANI

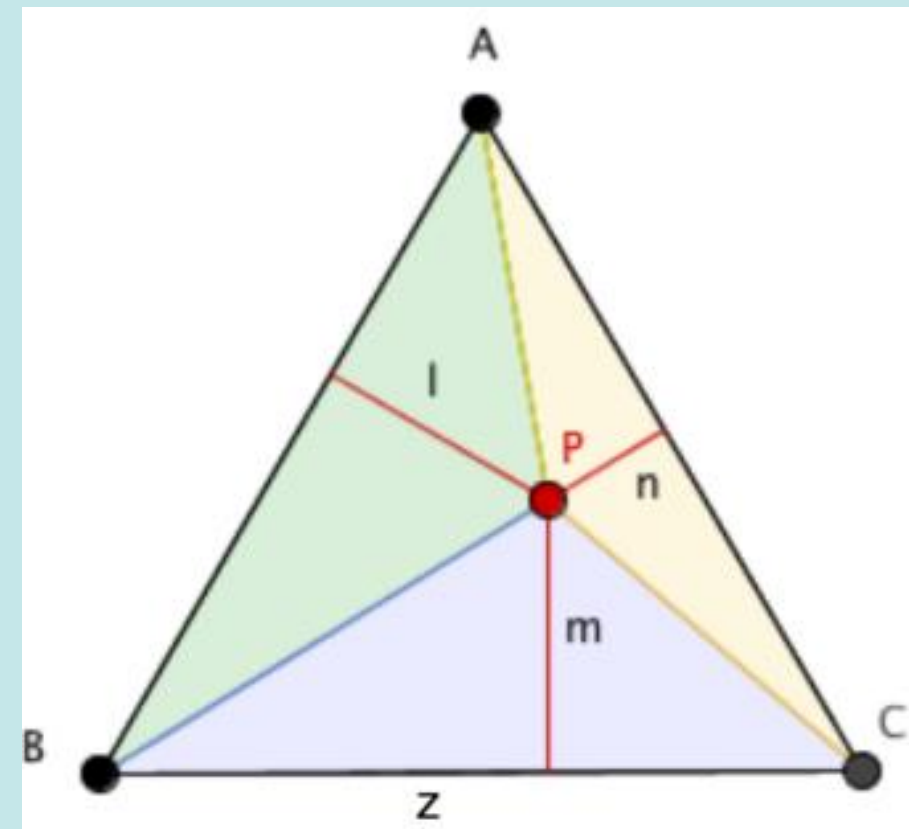
In een gelijkzijdige driehoek is de som van de afstanden vanuit een willekeurig inwendig punt P tot de zijden gelijk aan de hoogte van de driehoek

$$\text{opp}(ABC) = \text{opp}(ABP) + \text{opp}(PBC) + \text{opp}(APC)$$

$$\Leftrightarrow \frac{z \cdot h}{2} = \frac{z \cdot l}{2} + \frac{z \cdot m}{2} + \frac{z \cdot n}{2}$$

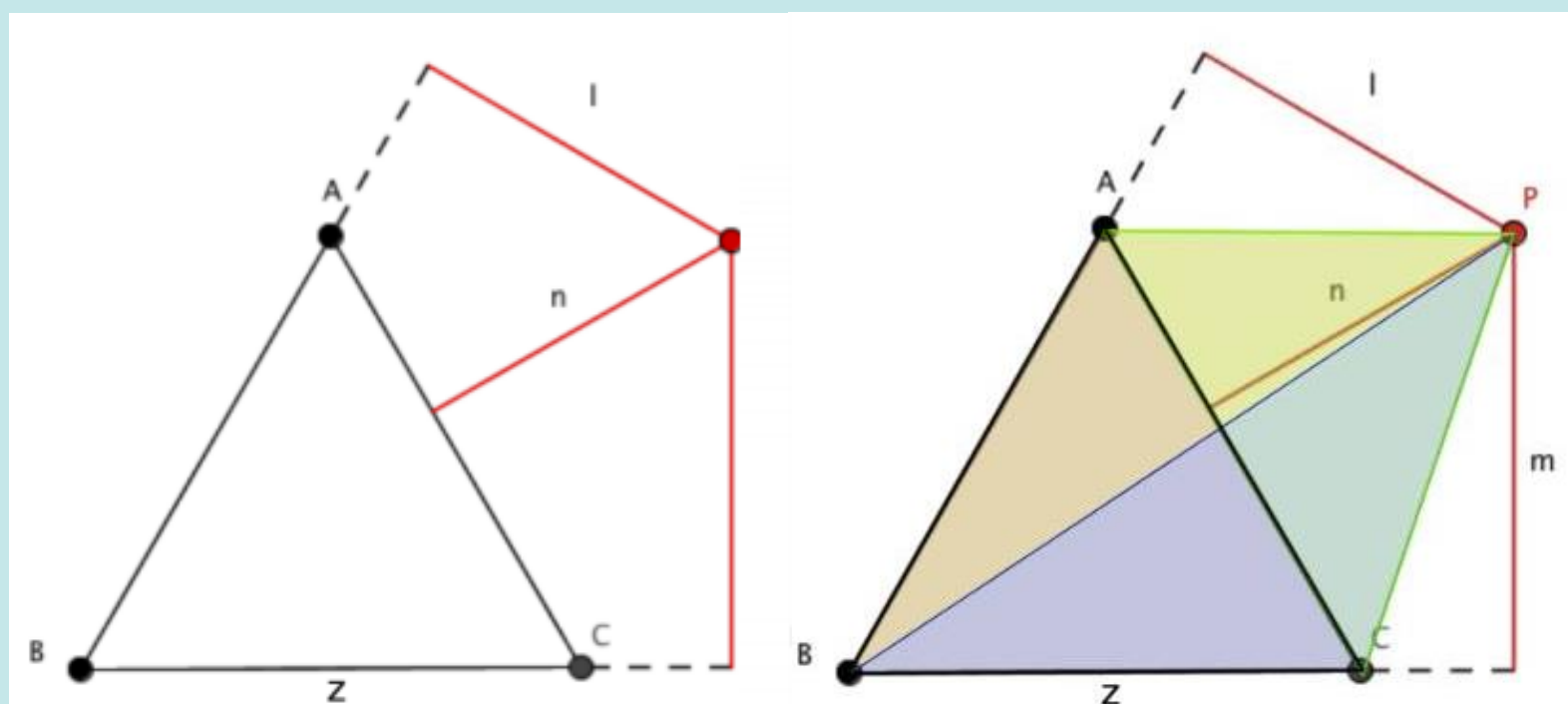
$$\Leftrightarrow \frac{z \cdot h}{2} = \frac{z}{2} \cdot (l + m + n)$$

$$\Leftrightarrow h = l + m + n$$



Geldt deze stelling wanneer we een punt buiten de gelijkzijdige driehoek nemen?

Wanneer een punt P gelegen is buiten een gelijkzijdige driehoek is de som van de afstanden vanuit dit punt P tot twee zijden van de driehoek min de afstand tot de andere zijde gelijk aan de hoogte.



$$\text{opp}(ABC) = \text{opp}(ABP) + \text{opp}(PBC) - \text{opp}(APC)$$

$$\Leftrightarrow \frac{z \cdot h}{2} = \frac{z \cdot l}{2} + \frac{z \cdot m}{2} - \frac{z \cdot n}{2}$$

$$\Leftrightarrow \frac{z \cdot h}{2} = \frac{z}{2} \cdot (l + m - n)$$

$$\Leftrightarrow h = l + m - n$$

Kan deze stelling veralgemeend worden?

In een regelmatige veelhoek is de som van de afstanden vanuit een willekeurig inwendig punt P tot de zijden constant.

$$\text{opp}(n\text{-hoek}) = \text{opp}(A_1A_nP) + \sum_{i=1}^{n-1} \text{opp}(A_iA_{i+1}P)$$

$$\Leftrightarrow S = \sum_{i=1}^n \frac{z \cdot a_i}{2}$$

$$\Leftrightarrow S = \frac{z}{2} \cdot \sum_{i=1}^n a_i$$

$$\Leftrightarrow \frac{2 \cdot S}{z} = \sum_{i=1}^n a_i$$

